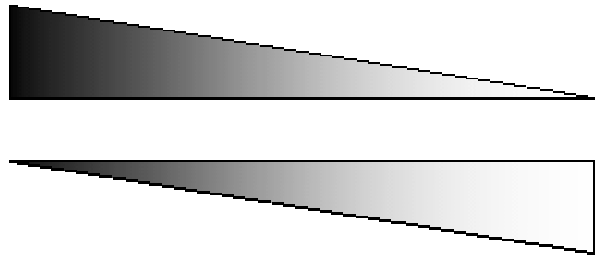


کاربرد خوشه بندی فازی در تعیین رده های تعمیراتی

کاربرد خوشه بندی فازی^۱ در تعیین رده های تعمیراتی



تهیه و تدوین: دکتر عزیزاله معماریانی - مهندس محسن طاهری - مهندس ناصر حیدری

چکیده

در این مقاله، الگوریتمی توسعه داده شده که می توان براساس آن فعالیت های رده های تعمیراتی را در یک یگان تعمیراتی مشخص نمود. الگوریتم توانایی دریافت طیف وسیعی از اطلاعات اعم از کمی، کیفی، نسبی، رتبه ای، اسمی و فازی را دارد. تخصیص هر یک از فعالیت ها به رده های تعمیراتی به صورت فازی تعیین می شود. توسعه یک سیستم پشتیبانی تصمیم^۲، کاربری و استفاده از الگوریتم را آسان می سازد.

۱- مقدمه

خوشه بندی یا دسته سازی، یعنی تخصیص موضوعات یا اشیاء به دسته های مختلف، به طوری که موضوعات هر دسته بیشترین شباهت را با هم داشته باشند تا بتوان موضوعات هر دسته را از دسته دیگر تمیز داد. در تحلیل دسته سازی، معمولاً شاخص ها، امر دسته سازی را پیچیده می کند. البته عوامل دیگری، مانند تعداد موضوعات، تعداد دسته ها نیز در پیچیدگی مسئله نیز دخالت دارند. امروزه خوشه بندی، موضوعی است که در سازمان های خدماتی، بنگاه های تولیدی و مراکز نظامی مورد استفاده قرار می گیرد. برخی از کاربردهای خوشه بندی به قرار زیر است:

۱-۱- طبقه بندی مشاغل: با در نظر گرفتن شاخص های مختلفی، مانند سن، سابقه کار، میزان تخصص و ... افراد یک سازمان به دسته های مختلفی تقسیم می شوند. افراد هر دسته در کلیه شاخص ها با هم تقریباً مشابه هستند. این خوشه بندی برای تعیین جایگاه سازمانی، تعیین پایه حقوقی و غیره استفاده می شود.

۱-۲- طبقه بندی کالاها در انبار: شاخص هایی، مانند میزان دمای مورد نیاز، حجم مورد استفاده، اولویت نیاز و غیره در تعیین دسته های کالاها در یک انبار دخالت دارند. با این دسته سازی، دستیابی به کالاها و جابه جایی آنها آسان می شود.

۱-۳- دسته بندی شعبات یک بانک: با شاخص هایی، مانند میزان جذب منابع، میزان رسوب هر یک از منابع، تسهیلات و

غیره، شعبات به دسته های مختلفی بخش بندی شده و براساس آن سطح فعالیت و تنوع خدمات آن مشخص می شود.

۴-۱- دسته‌بندی آزمایش‌ها: آزمایش‌هایی که در شرایط مختلف زمانی و مکانی و با وضعیت‌های مختلف بر روی یک موضوع

انجام شده با طبقه‌بندی و دسته‌سازی تحلیل‌های متفاوتی را می‌توان از آنها استخراج نمود.

۵-۱- تعیین کد اقلام: این نوع دسته‌سازی در تجارت و صنعت امروز کاربردهای وسیعی پیدا کرده است و در آینده کمتر

کالایی در بازار وجود خواهد داشت که بدون کد بتواند نقشی در تجارت داشته باشد.

در نظام‌های تعمیراتی برای این که بتوان هزینه، نیروی انسانی، قطعات، مواد مصرفی و فرآیندها را برای یک فعالیت

تعمیراتی مشخص کرد، لازم است که سطح تعمیراتی آن را تعیین کنیم. در غیر این صورت با تعداد متنابهی خواسته‌ها و نیازها

مواجه خواهیم شد که عملاً سیستم را مختل خواهد کرد. خوشه‌بندی و تعیین رده‌های تعمیراتی، جریان کارها را تنظیم کرده و

باعث خواهد شد که ضمن کاستن از هزینه‌ها، بتوانیم از منابع به مطلوب‌ترین وجهی استفاده نماییم.

تحقیقات بر روی الگوریتم‌های خوشه‌بندی فازی از اواخر دهه ۱۹۷۰ شروع شد و در سال‌های اخیر پیشرفت‌های زیادی چه

در بعد نظری و چه از جنبه کاربردی حاصل شده است. بیشتر پدیده‌های رایانه‌ای، از قبیل تشخیص صوت، تصویر، امضاء به نوعی

از این الگوریتم استفاده می‌کنند. برای مطالعه بیشتر در این زمینه می‌توانید به منابع زیر مراجعه کنید.

(Bandemen and Nther (1992), Bezdek (1981)

۲- الگوریتم خوشه‌بندی فازی

یکی از رایج‌ترین الگوریتم‌های خوشه‌بندی، روش C - میانگین است. اساس این روش به شرح زیر است:

۲-۱- ارائه یک دسته‌بندی اولیه؛

۲-۲- تعیین میانگین (مرکز) هر دسته؛

۲-۳- تعیین فاصله هر موضوع از مراکز همه دسته‌ها؛

۲-۴- تخصیص موضوع به دسته‌ای که با مرکز آن دارای کمترین فاصله است؛

۲-۵- کنترل همگرایی و ختم الگوریتم.

$X = (x_1, x_2, \dots, x_n)^p$ مجموعه موضوعاتی هستند که هر $x_k \in R$ با شاخص مورد اندازه‌گیری قرار می‌گیرد. هدف

خوشه‌بندی، تخصیص موضوعات به دسته‌های A_1, A_2, \dots, A_C به طوری که $(2 \leq C \leq n)$ باشد. قاعدهٔ افراز بر این دسته‌ها

حاکم است یعنی:

$$i, j=1, \dots, (i=j) \text{ برای } A_j \cap A_i = \emptyset \quad \bigcup_{i=1}^c A_i = X \quad A_i$$

تخصیص موضوع x به دسته i را با تابع عضویت U_{ik} نشان می‌دهیم، یعنی:

$$U_{ik}=1 \quad \text{اگر } x_k \in A_i$$

$$U_{ik}=0 \quad \text{اگر } x_k \notin A_i$$

بنابراین در یک افراز قطعی روابط زیر حاکم خواهد بود:

$$1. \quad U_{ik} \in (0,1) \quad 1 \leq i \leq c \quad 1 \leq k \leq n$$

$$2. \quad \sum_{i=1}^c u_{ik} = 1 \quad 1 \leq k \leq n$$

$$3. \quad 0 < \sum_{k=1}^n u_{ik} < n \quad 1 \leq i \leq c$$

ماتریس $U = \{u_{ik}\}$ که از اصول ۱ و ۲ و ۳ تبعیت کند را یک افراز قطعی می‌گوییم. در حالتی که تخصیص موضوعات به دسته‌ها به صورت فازی باشد، و حتی خوشه‌بندی را افراز فازی می‌نامیم که دارای شرایط زیر باشد:

$$1. \quad U_{ik} \in (0,1) \quad 1 \leq i \leq c \quad 1 \leq k \leq n$$

$$2. \quad \sum_{i=1}^c u_{ik} = 1 \quad 1 \leq k \leq n$$

$$3. \quad 0 < \sum_{k=1}^n u_{ik} < n \quad 1 \leq i \leq c$$

برای این که بتوانیم معیاری برای بهبود خوشه‌بندی داشته باشیم تابع هدفی را به شکل زیر تعریف می‌کنیم:

$$J(U, V) = \sum_{i=1}^c \sum_{k=1}^n U_{ik}^m \|x_k - v_i\|^2$$

و هدف کمینه‌سازی این تابع هدف است. از آنجایی که روش بهینه‌ای برای حل این تابع هدف وجود ندارد، در هر تکرار مقدار آن کاهش می‌یابد و اگر نرخ کاهش از یک مقداری مانند e کمتر باشد، الگوریتم متوقف شده و آخرین تکرار بهترین خوشه‌بندی

را ارائه می‌کند در این تابع V_i ، مرکز دسته i ام است و $m \in (1, \infty)$ پارامتری برای فازی کردن ماتریس عضویت است. M

بزرگتر، یعنی ماتریس عضویت فازی‌تر. وقتی $m \rightarrow \infty$ آن‌گاه $U = \begin{bmatrix} 1 \\ \frac{1}{c} \end{bmatrix}$. یعنی هر x_k با درجه مساوی با موضوعات دیگر به

یک دسته تعلق خواهند داشت و این حالت شاید خیلی جالب نباشد. این الگوریتم به الگوریتم C - میانگین معروف است. اما

الگوریتم توسعه داده شده با قدری تفاوت از C - میانگین، دسته‌بندی فازی را انجام می‌دهد. اساس این الگوریتم برخلاف C -

میانگین بر اصل ماتریس عدم تشابهات، پایه‌ریزی شده است. فلوجارت این الگوریتم در شکل ۱ نمایش داده شده است.

۳- نرم‌افزار FCA

حال به توضیح نرم‌افزار توسعه داده شده براساس این روش، پرداخته می‌شود.

نرم‌افزار (Fuzzy Cluster Analysis) FCA توسط زبان برنامه‌نویسی قوی VB6 تحت ویندوز ۹۸ و به صورت بسته

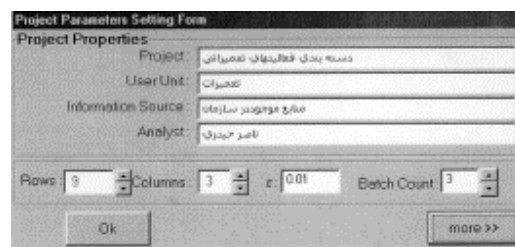
نرم‌افزاری تهیه شده است. پیاده‌سازی و حل مسائل دسته‌بندی فعالیت‌ها توسط این نرم‌افزار به راحتی امکان‌پذیر می‌باشد.

برنامه از یکسری فرم‌ها و گزارشات تشکیل شده است که اطلاعات مربوط به فعالیت‌ها و شاخص‌ها براساس نوع اطلاعات وارد

نرم‌افزار شده و پس از پردازش توسط الگوریتم‌های خوشه‌بندی گزارش‌های مورد نیاز را بعنوان خروجی در اختیار کاربر قرار می‌دهد.

۳-۱- فرم‌های اصلی نرم‌افزار

۳-۱-۱- فرم مشخصات پروژه



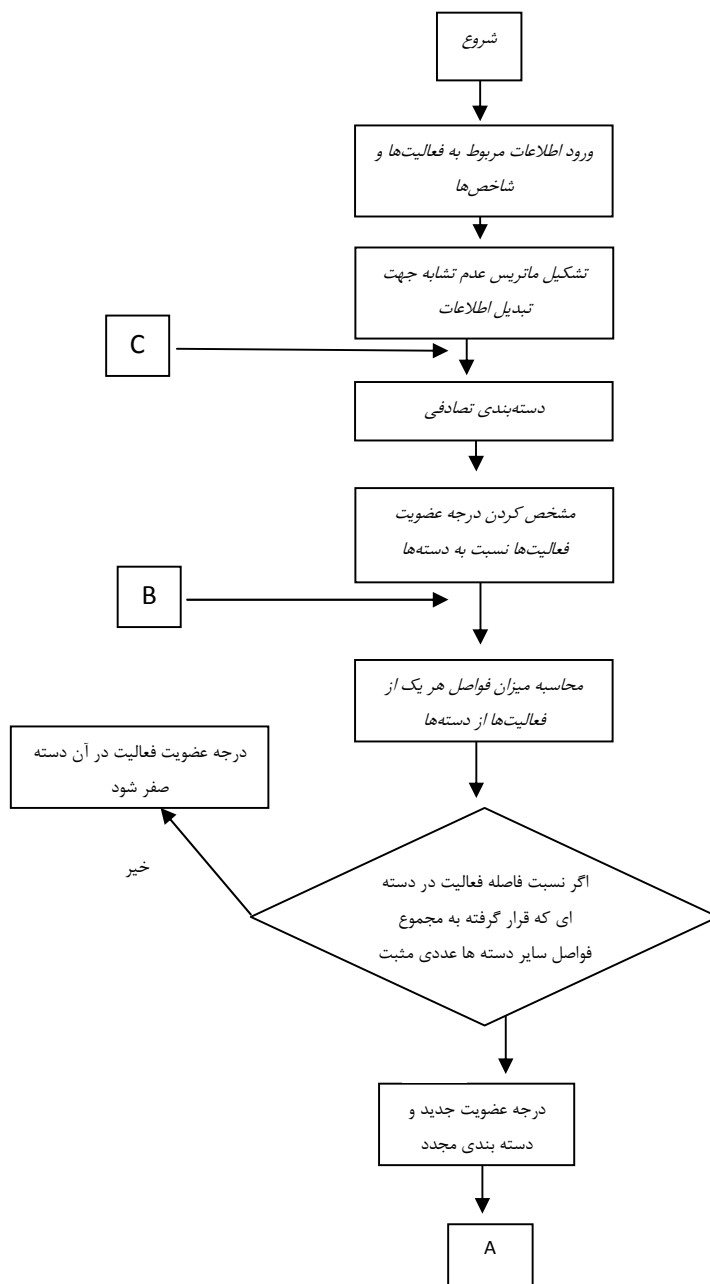
شکل ۲- فرم مشخصات پروژه

در این فرم اطلاعات مربوط به پروژه، کاربر، منابع و مراجع، نام تحلیل‌گر همچنین تعداد فایل‌ها و شاخص‌ها وارد نرم‌افزار

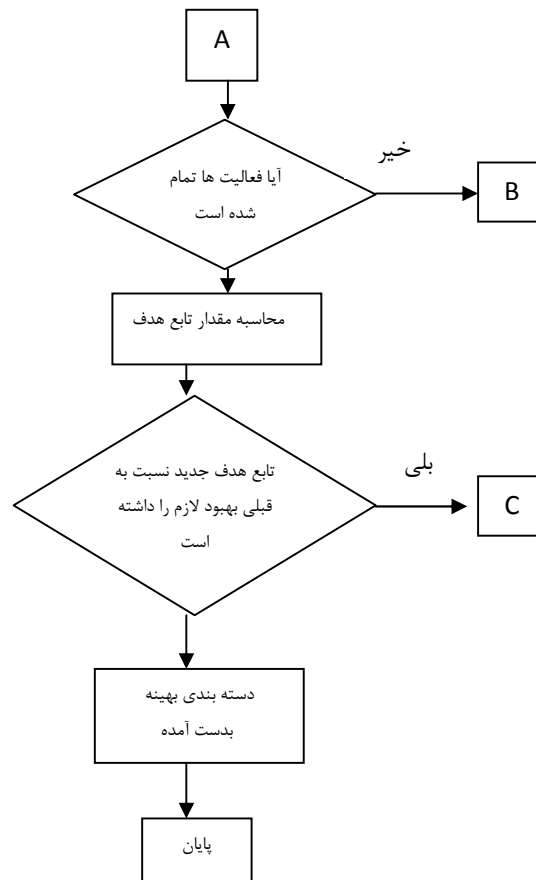
می‌شود. نرم‌افزار می‌تواند ۱۰۰۰ فعالیت و حداکثر ۱۰۰ شاخص را بپذیرد، در این فرم یک *textbox* با عنوان e است که برای

تعیین حساسیت بهینگی تابع هدف می‌باشد که عددی مثبت و خیلی کوچک می‌باشد و هر چه این عدد کوچک‌تر باشد دقت

آلگوریتم بیشتر و سرعت دسته سازی کاهش خواهد یافت، در ضمن لازم است تعداد دسته‌هایی که فعالیت‌ها را می‌خواهیم به آن تعداد دسته تخصیص دهیم در این فرم مشخص گردد. که تحت عنوان *Batch Count* مشخص شده است.

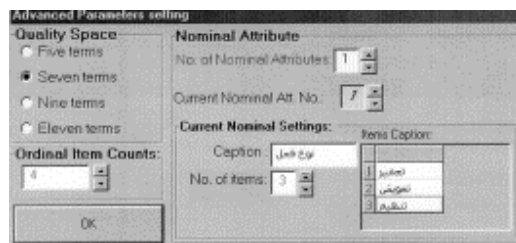


شکل ۱- الگوریتم (فلوچارت) *FCA*



اگر تعداد n فعالیت داشته باشیم، آن‌گاه تعداد دسته‌ها باید عددی در بازه $(n > \text{تعداد دسته} > 1)$ باشد.

برای ورود اطلاعات مربوط به شاخص‌ها از لحاظ کمی، کیفی، مانند اطلاعات *Ordinal*, *Asymmetric*, *Symmetric*, *Nominal* و اطلاعات فازی لازم است که کلید *Move* در فرم پروژه *Advanced Parameters Setting* در دسترس قرار بگیرد.



شکل ۳- تعیین مقیاس شاخص‌ها

۳-۱-۲- فرم اطلاعات پیشرفته پروژه

اطلاعات قابل تنظیم در این فرم عبارتند از:

Quality Space: این مشخصه برای تعیین تعداد موضوع‌های مورد نمایش در اطلاعات نوع کیفی و همچنین جهت تعیین

نوع هر یک از شاخص‌ها به کار می‌رود.

Ordinal: برای تعیین تعداد موضوع‌ها در اطلاعات نوع *Ordinal* مورد استفاده قرار می‌گیرد، به عنوان مثال: اگر نیروی

انسانی یک سازمان از لحاظ درجه مهارت به سه دسته تقسیم شده باشند در اینجا عدد ۳ وارد می‌شود.

No of Nominal Attributes: این مشخصه برای تعیین تعداد و نوع اطلاعات اسمی به کار می‌رود، به عنوان مثال: اگر در

شاخص‌ها جنس و رنگ نیز مد نظر باشد در این قسمت عدد ۲ وارد می‌شود.

Current Nominal Attributes: برای تنظیم مشخصه هر یک از موضوع‌های اسمی ایجاد شده از این قسمت استفاده

می‌شود. فرضاً برای تنظیم مشخصات جنس در این مشخصه عدد ۱ و برای تنظیم مشخصات رنگ عدد ۲ انتخاب می‌شود.

بزرگ‌ترین عدد قابل استفاده در این مشخصه برابر با عدد انتخابی در *No of Nominal Attributes* خواهد بود.

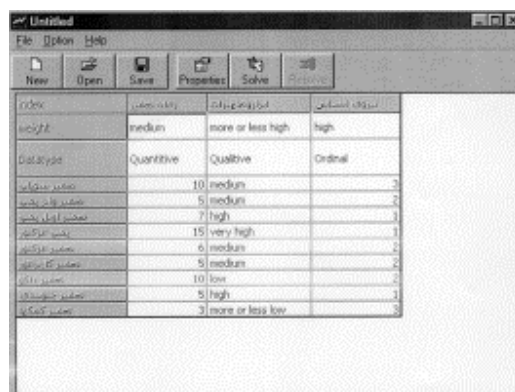
Caption: برای مشخص کردن اسم مستعار هر یک از انواع اطلاعات اسمی، نام مورد نظر در این مشخصه وارد می‌گردد

(مثلاً کلمه جنس برای اولین *Nominal*).

No of Items: برای تعیین تعداد موضوع‌های مورد استفاده در هر یک از اطلاعات اسمی از این مشخصه استفاده می‌شود.

به طور مثال، اگر جنس‌های «پلاستیک»، «کائوچو» و «آلومینیم» مد نظر باشد، عدد ۳ در این قسمت وارد می‌شود.

Items Caption: به تعداد عدد *No of Items* در این مشخصه امکان وارد کردن اطلاعات متنی وجود دارد.



Index	Type	Qualitative	Ordinal
score 2	medium	more or less high	high
Dalaysia	Quantitive	Qualitive	Ordinal
معمول سنگین	10	medium	3
معمول اول سنگین	5	medium	2
معمول اول سبک	7	high	3
بسیار سنگین	15	very high	3
بسیار سبک	6	medium	2
معمول کابریه	5	medium	2
بسیار سبک	10	low	2
معمول چوبدار	5	high	3
بسیار سنگین	3	more or less low	3

شکل ۴- فرم ورود اطلاعات

۳-۱-۳- فرم اصلی ورود اطلاعات: در این فرم می‌توان اطلاعات مربوط به شاخص‌ها و پارامترها را به راحتی وارد نرم‌افزار کرد.

۳-۱-۳-۱- وارد کردن وزن شاخص‌ها: برای این منظور به راحتی می‌توان توسط موس بر روی یکی از سلول‌های سطر *Weight* که قرار است اطلاعات آن وارد شود. عمل *Click* را انجام داد در این هنگام لیستی از وزن‌های قابل دسترسی ظاهر می‌گردد. مانند ... , *low* , *med to* که با *Click* مجدد بر روی موضوع مورد نظر مقدار آن در سلول ذخیره می‌گردد.

۳-۱-۳-۲- تعیین نوع داده‌ها: برای این منظور نیز به سادگی با *Click* بر روی یکی از سلول‌های سطر *Data type* لیستی از انواع داده‌های موجود و تعریف شده (کمی، کیفی، *Nominal* و ...) ظاهر می‌گردد که با *Click* مجدد بر روی نوع داده مورد نظر این نوع داده برای شاخص در نظر گرفته می‌شود.

۳-۱-۳-۳- نحوه وارد کردن اطلاعات در جدول

الف- اطلاعات کمی و نسبی (*Quantity*): این اطلاعات با استفاده از اعداد صفحه کلید در سلول مورد نظر وارد می‌گردد.

ب- اطلاعات کیفی (*Quality*): اطلاعات در ستون‌های کیفی براساس گزینه انتخاب شده در قسمت *Space Quality* توسط یک لیست انتخابی صورت می‌پذیرد، این لیست با فشردن کلید روی سلول مورد نظر نمایان می‌گردد.

ج- اطلاعات *Asymmetric, Symmetric*: با توجه به این که اطلاعات در این ستون‌ها صرفاً یکی از اعداد صفر یا یک است، در صورت انتخاب سلول‌های این دو، می‌توان اعداد صفر و یا یک را از صفحه کلید وارد کرد.

د- اطلاعات *Ordinal*: براساس عدد تنظیم شده در سلول «*Ordinal Symmetric Items Count*» لیستی از اعداد بین ۱ و عدد تنظیمی برای انتخاب و جایگزینی در سلول‌های دارای نوع *Nominal* ایجاد می‌گردد. چنانچه *Ordinal Items Count* تنظیم نشده باشد، لیست ایجاد خالی ظاهر می‌شود.

ه- اطلاعات فازی (*Fuzzy*): برای ورود اطلاعات فازی چنانچه روی سلول مورد نظر *Click* شود، چهار عدد $a, M2, b$ برای $M1$ ایجاد محدوده فازی اعداد در شکل دوزنقه‌ای ایجاد می‌گردد. چنانچه محدوده اعداد فازی مثلثی باشد بدین معنی است که اعداد $M1, M2$ یکسان است.

و- اطلاعات نوع *Nominal*: براساس تعداد موضوع‌های تعریف شده برای هر یک از اطلاعات اسمی، چنانچه منظور تعیین نوع شاخص موضوع اسمی باشد، در صورت *Click* در سلول‌های آن لیست، تمام موضوعات تعریف شده برای آن به نمایش می‌آید و در صورت انتخاب یکی از آنها، آن مقدار در سلول ثبت می‌گردد.

پس از اتمام ورود اطلاعات مربوط به فعالیت‌ها با فشردن دکمه *Solve* و یا انتخاب *Run* از منوی *Options* برنامه اقدام به حل مسئله می‌نماید و با پیغام *achieved Objective function has been* دستیابی به جواب بهینه را اعلام می‌دارد، در پایان یک نمونه از گزارشاتی که می‌توان از نرم‌افزار به عنوان خروجی گرفت، آورده شده است.

منابع و مآخذ

1. Bandemen, H. and W. Nther (1992) *Fuzzy Data Analysis, Dordrecht.*
2. Bezdek, J.C. (1981) *Pattern Recognition with Fuzzy Objective Function Algorithms. New York, London.*

پی‌نوشت‌ها

- 1-Fuzzy Cluster Analysis (FCA)
- 2-Decision Support System (DSS)

نمونه‌ای از گزارشات خروجی نرم‌افزار FCA

Project Name

User Unit

Information Source

analyst

<i>Batch</i>	<i>Membership</i>	<i>Batch</i>	<i>Activity</i>
تعمیر بوش	۱	%۰۰.۰۰	
	۲	%۰۰.۰۰	
	۳	%۱۰۰.۰۰	***
تعویض بلبرینگ	۱	%۳۹.۰۵	
	۲	%۶۰.۹۵	***
	۳	%۰۰.۰۰	
تعمیر سوپاپ	۱	%۰۰.۰۰	
	۲	%۰۰.۰۰	
	۳	%۱۰۰.۰۰	***

تنظیم رادیاتور	۱	%۳۶.۶۴	
	۲	%۶۳.۳۶	***
	۳	%۰۰.۰۰	
سرویس روغن	۱	%۰۰.۰۰	
	۲	%۰۰.۰۰	
	۳	%۱۰۰.۰۰	***
تعویض واشر سرسیلندر	۱	%۰۰.۰۰	
	۲	%۰۰.۰۰	
	۳	%۱۰۰.۰۰	***